

# Algorithmique...

---

## Concepts de base

Nicolas Delestre

Nicolas.Delestre@insa-rouen.fr

Michel Mainguenaud

Michel.Mainguenaud@insa-rouen.fr



# Plan...

---

- Le formalisme utilisé
- Qu'est ce qu'une variable ?
- Qu'est ce qu'un type ?
- Qu'est ce qu'une expression ?
- Qu'est ce qu'une affectation
- Les entrées / sorties ?

# Formalisme...

---

- Un algorithme doit être lisible et compréhensible par plusieurs personnes
- Il doit donc suivre des règles
- Il est composé d'une entête et d'un corps :
  - l'entête, qui spécifie :
    - le nom de l'algorithme (**Nom** :)
    - son utilité (**Rôle** :)
    - les données “en entrée”, c'est-à-dire les éléments qui sont indispensables à son bon fonctionnement (**Entrée** :)
    - les données “en sortie”, c'est-à-dire les éléments calculés, produits, par l'algorithme (**Sortie** :)
    - les données locales à l'algorithmique qui lui sont indispensables (**Déclaration** :)

# Formalisme...

---

- le corps, qui est composé :
  - du mot clef **début**
  - d'une suite d'instructions **indentées**
  - du mot clef **fin**

# Formalisme...

---

- Exemple de code :

**Nom** : addDeuxEntiers

**Rôle** : Additionner deux entiers a et b et mettre le résultat dans c

**Entrée** : a,b : entier

**Sortie** : c : entier

**Déclaration** : -

**début**

$c \leftarrow a+b$

**fin**

# Qu'est ce qu'une variable...

---

- Une variable est une entité qui contient une information :
  - une variable possède un nom, on parle **d'identifiant**
  - une variable possède une valeur
  - une variable possède un type qui caractérise l'ensemble des valeurs que peut prendre la variable
- L'ensemble des variables sont stockées dans la mémoire de l'ordinateur

# Qu'est ce qu'une variable...

---

- On peut faire l'analogie avec une armoire d'archive qui contiendrait des tiroirs étiquetés :
  - l'armoire serait la mémoire de l'ordinateur
  - les tiroirs seraient les variables (l'étiquette correspondrait à l'identifiant)
  - le contenu d'un tiroir serait la valeur de la variable correspondante
  - la couleur du tiroir serait le type de la variable (bleu pour les factures, rouge pour les bons de commande, etc.)

# Qu'est ce qu'un type de données...

---

- Le type d'une variable caractérise :
  - l'ensemble des valeurs que peut prendre la variable
  - l'ensemble des actions que l'on peut effectuer sur une variable
- Lorsqu'une variable apparaît dans l'entête d'un algorithme on lui associe un type en utilisant la syntaxe suivante
  - Identifiant de la variable : Son type
- Par exemple :
  - age : Naturel
  - nom : Chaîne de Caractères
- Une fois qu'un type de données est associé à une variable, cette variable ne peut plus en changer
- Une fois qu'un type de données est associé à une variable le contenu de cette variable doit **obligatoirement** être du même type

# Qu'est ce qu'un type de données...

---

- Par exemple, dans l'exemple précédent on a déclaré a et b comme des entiers
  - a et b dans cet algorithme ne pourront pas stocker des réels
  - a et b dans cet algorithme ne pourront pas changer de type
- Il y a deux grandes catégories de type :
  - les types simples
  - les types complexes (que nous verrons dans la suite du cours)

# Les types simples...

---

- Il y a deux grandes catégories de type simple :
  - Ceux dont le nombre d'éléments est fini, les **dénombrables**
  - Ceux dont le nombre d'éléments est infini, les **indénombrables**

# Les types simples dénombrables...

---

- **booléen**, les variables ne peuvent prendre que les valeurs VRAI ou FAUX
- **intervalle**, les variables ne peuvent prendre que les valeurs entières définies dans cet intervalle, par exemple 1..10
- **énuméré**, les variables ne peuvent prendre que les valeurs explicitées, par exemple les jours de la semaine (du lundi au dimanche)
  - Ce sont les seuls types simples qui peuvent être définis par l'informaticien
- **caractères**
- Exemples :
  - masculin : booléen
  - mois : 1..12
  - jour : JoursDeLaSemaine

# Cas des énumérés...

---

- Si l'informaticien veut utiliser des énumérés, il doit définir le type dans l'entête de l'algorithme en explicitant toutes les valeurs de ce type de la façon suivante :
  - *nom du type = {valeur1, valeur2, ..., valeurn}*
  - Par exemple :
    - `JoursDeLaSemaine = {Lundi, Mardi, Mercredi, Jeudi, Vendredi, Samedi, Dimanche}`

# Les types simples indénombrables...

---

- **entier** (positifs et négatifs)
- **naturel** (entiers positifs)
- **réel**
- **chaîne de caractères**, par exemple 'cours' ou 'algorithmique'
- Exemples :
  - age : naturel
  - taille : réel
  - nom : chaîne de caractères

# Opérateur, opérande et expression...

---

- Un **opérateur** est un symbole d'opération qui permet d'agir sur des variables ou de faire des "calculs"
- Une **opérande** est une entité (variable, constante ou expression) utilisée par un opérateur
- Une **expression** est une combinaison d'opérateur(s) et d'opérande(s), elle est évaluée durant l'exécution de l'algorithme, et possède une valeur (son interprétation) et un type

# Opérateur, opérande et expression...

---

- Par exemple dans  $a+b$  :
  - $a$  est l'opérande gauche
  - $+$  est l'opérateur
  - $b$  est l'opérande droite
  - $a+b$  est appelé une expression
  - Si par exemple  $a$  vaut 2 et  $b$  3, l'expression  $a+b$  vaut 5
  - Si par exemple  $a$  et  $b$  sont des entiers, l'expression  $a+b$  est un entier

# Opérateur...

---

- Un opérateur peut être unaire ou binaire :
  - **Unaire** s'il n'admet qu'une seule opérande, par exemple l'opérateur non
  - **Binaire** s'il admet deux opérandes, par exemple l'opérateur +
- Un opérateur est associé à *un* type de donnée et ne peut être utilisé qu'avec des variables, des constantes, ou des expressions de *ce* type
  - Par exemple l'opérateur + ne peut être utilisé qu'avec les types arithmétiques (naturel, entier et réel) ou (exclusif) le type chaîne de caractères
  - **On ne peut pas additionner un entier et un caractère**
  - Toutefois *exceptionnellement* dans certains cas on accepte d'utiliser un opérateur avec deux opérandes de types différents, c'est par exemple le cas avec les types arithmétiques (2+3.5)

# Opérateur...

---

- La signification d'un opérateur peut changer en fonction du type des opérandes
  - Par exemple l'opérateur + avec des entiers aura pour sens l'addition, mais avec des chaînes de caractères aura pour sens la **concaténation**
    - $2+3$  vaut 5
    - "bonjour" + " tout le monde" vaut "bonjour tout le monde"

# Les opérateurs booléens...

- Pour les booléens nous avons les opérateurs non, et, ou, ouExclusif

- non

| a    | non a |
|------|-------|
| Vrai | Faux  |
| Faux | Vrai  |

- et

| a    | b    | a et b |
|------|------|--------|
| Vrai | Vrai | Vrai   |
| Vrai | Faux | Faux   |
| Faux | Vrai | Faux   |
| Faux | Faux | Faux   |

# Les opérateurs booléens...

## ■ ou

| a    | b    | a ou b |
|------|------|--------|
| Vrai | Vrai | Vrai   |
| Vrai | Faux | Vrai   |
| Faux | Vrai | Vrai   |
| Faux | Faux | Faux   |

## ■ ouExclusif

| a    | b    | a ouExclusif b |
|------|------|----------------|
| Vrai | Vrai | Faux           |
| Vrai | Faux | Vrai           |
| Faux | Vrai | Vrai           |
| Faux | Faux | Faux           |

# Les opérateurs sur les énumérés...

---

- Pour les énumérés nous avons trois opérateurs `succ`, `pred`, `ord` :
  - `succ` permet d'obtenir le successeur, par exemple avec le type `JourDeLaSemaine` :
    - `succ Lundi` vaut `Mardi`
    - `succ Dimanche` vaut `Lundi`
  - `pred` permet d'obtenir le prédécesseur, par exemple avec le type `JourDeLaSemaine` :
    - `pred Mardi` vaut `Lundi`
    - `pred Lundi` vaut `Dimanche`
  - `ord` permet d'obtenir le naturel de l'énuméré spécifié dans la bijection du type énuméré vers les naturels, par exemple avec le type `JourDeLaSemaine` :
    - `ord Lundi` vaut `0`
    - `ord Dimanche` vaut `6`

# Les opérateurs sur les caractères...

---

- Pour les caractères on retrouve les trois opérateurs des énumérés avec en plus un quatrième opérateur nommé `car` qui est le dual de l'opérateur `ord` avec comme fonction de bijection la table de correspondance de la norme ASCII
  - Cf. <http://www.commentcamarche.net/base/ascii.htm>
  - Par exemple
    - `ord` A vaut 65
    - `car` 65 vaut A
    - `pred` A vaut @

# Les opérateurs sur les naturels, entiers et réels...

---

- On retrouve tout naturellement  $+$ ,  $-$ ,  $/$ ,  $*$
- Avec en plus pour les naturels et les entiers `div` et `mod`, qui permettent respectivement de calculer une division entière et le reste de cette division, par exemple :
  - `11 div 2` vaut 5
  - `11 mod 2` vaut 1

# L'opérateur pour les chaînes de caractères...

---

- C'est l'opérateur de concaténation vu précédemment qui est +

# L'opérateur d'égalité, d'inégalité, etc...

---

- L'opérateur d'égalité
  - C'est l'opérateur que l'on retrouve chez tous les types simples qui permet de savoir si les deux opérandes sont égales
  - Cet opérateur est représenté par le caractère =
  - Une expression contenant cet opérateur est un booléen
- On a aussi l'opérateur d'inégalité  $\neq$
- Et pour les types possédant un ordre les opérateurs de comparaison  $<, \leq, \geq, >$

# Priorité des opérateurs...

---

- Tout comme en arithmétique les opérateurs ont des priorités
  - Par exemple \* et / sont prioritaires sur + et -
- Pour les booléens, la priorité des opérateurs est non, et, ouExclusif et ou
- Pour clarifier les choses (ou pour dans certains cas supprimer toutes ambiguïtés) on peut utiliser des parenthèses

# Actions sur les variables...

---

- On ne peut faire que deux choses avec une variable :
  1. Obtenir son contenu (*regarder le contenu du tiroir*)
    - Cela s'effectue simplement en nommant la variable
  2. Affecter un (nouveau) contenu (mettre une (nouvelle) information dans le tiroir)
    - Cela s'effectue en utilisant l'opérateur d'affectation représenté par le symbole ←
    - La syntaxe de cet opérateur est :
      - `identifiant de la variable ← expression sans opérateur d'affectation`

# Actions sur les variables...

---

- Par exemple l'expression  $c \leftarrow a + b$  se comprend de la façon suivante :
  - On prend la valeur contenue dans la variable  $a$
  - On prend la valeur contenue dans la variable  $b$
  - On additionne ces deux valeurs
  - On met ce résultat dans la variable  $c$
  - Si  $c$  avait auparavant une valeur, cette dernière est perdue !

# Les entrées/sorties...

---

- Un algorithme peut avoir des interactions avec l'utilisateur
- Il peut afficher un résultat (du texte ou le contenu d'une variable) et demander à l'utilisateur de saisir une information afin de la stocker dans une variable
- En tant qu'informaticien on raisonne en se mettant "**à la place de la machine**", donc :
  - Pour afficher une information on utilise la commande **écrire** suivie entre parenthèses de la chaîne de caractères entre guillemets et/ou des variables de type simple à afficher séparées par des virgules, par exemple :
    - `écrire("Le valeur de la variable a est", a)`
  - Pour donner la possibilité à l'utilisateur de saisir une information on utilise la commande **lire** suivie entre parenthèses de la variable de type simple qui va recevoir la valeur saisie par l'utilisateur, par exemple :
    - `lire(b)`

# Exemple d'algorithme...

---

**Nom :** euroVersFranc1

**Rôle :** Convertisseur des sommes en euros vers le franc, avec saisie de la somme en euro et affichage de la somme en franc

**Entrée :** -

**Sortie :** -

**Déclaration :** valeurEnEuro, valeurEnFranc, tauxConversion : Réel  
**début**

tauxConversion ← 6.55957

écrire("Votre valeur en euro :")

lire(valeurEnEuro)

valeurEnFranc ← valeurEnEuro \* tauxConversion

écrire(valeurEnEuro, " euros = ", valeurEnFranc, " Frs")

**fin**

# Exemple d'algorithme...

---

**Nom** : euroVersFranc2

**Rôle** : Convertisseur des sommes en euros vers le franc

**Entrée** : valeurEnEuro : Réel

**Sortie** : valeurEnFranc : Réel

**Déclaration** : tauxConversion : Réel

**début**

tauxConversion  $\leftarrow$  6.55957

valeurEnFranc  $\leftarrow$  valeurEnEuro \* tauxConversion

**fin**